

Travail hebdomadaire Semaine 10

Terminale.

Exercice 1 Calcul numérique. www.assurmath.fr

Écrire les nombres suivants le plus simplement possible.

$$A = \ln e \quad B = \frac{1}{\ln \sqrt{e}} \quad C = e^{5 \ln 1} + e^{2 \ln \sqrt{2}} \quad D = \frac{(e+1)^2 - (e-1)^2}{e^{\ln e}} \quad E = (\sqrt{6}-1)(\sqrt{6}+1)$$

$$F = (\sqrt{2}+1)^2 + (\sqrt{2}-1)^2 \quad G = 1 + 4\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \sin \frac{\pi}{6} \quad H = e^{6 \ln \sqrt{2}} \quad I = 16 \left(\cos \frac{\pi}{6} \right)^4$$

$$J = e^{\ln 2 + \ln 5}$$

Exercice 2 Fonction. www.assurmath.fr

f est la fonction définie pour tout réel x par $f(x) = (2x-5)(x-3) - (2x-5)^2$

1. Développer, réduire et ordonner f .
2. Factoriser f .
3. Calculer l'image de 3 par f .
4. Déterminer les antécédents de 0 par f .
5. Résoudre l'inéquation $f(x) > 0$ à l'aide d'un tableau de signe.
6. Résoudre sur \mathbb{R} les inéquations suivantes : $\frac{x+4}{-x+2} \geq 0$, $\frac{3}{x-2} \geq \frac{1}{x+1}$ et $(x+1)(x-2) \geq 0$

Exercice 3 Pétanque. www.assurmath.fr

Robert fait de la pétanque. Il réussit un tir sur 4. lors d'une parti il tente 16 tirs. On nomme X le nombre de tirs que Robert a réussit lors de la partie.

1. Justifier que X suit une loi binomiale. Préciser les paramètres.
2. Calculer l'espérance de x , interpréter votre résultat.
3. Déterminer la probabilité que Robert ait réussi entre 3 et 5 tirs.
4. Déterminer la probabilité que Robert ait réussi au moins 7 tirs.
5. Déterminer le nombre de tirs que Robert doit tenter pour que la probabilité qu'il en réussisse au moins 7 soit supérieure à 0,5.

Exercice 4 Logarithme népérien. www.assurmath.fr

1. Exprimer en fonction de $\ln(2)$ et $\ln(5)$:

$$\ln\left(\frac{25}{2}\right); \ln(160); \ln(5\sqrt{2}); \sqrt{\ln(16)}; \ln(80e); \ln\left(\frac{e}{50}\right); \ln(20e^3)$$

2. Résoudre $6000\left(\frac{3}{4}\right)^n \leq 7$; $e^{2x} - 4e^x + 3 \leq 0$

f est la fonction définie pour tout réel $x > 0$ par $f(x) = x \ln x - 2x$

3. Calculer les limites de f aux bornes de son ensemble de définition. Déterminer les équations des éventuelles asymptotes.
4. Déterminer complètement le tableau de variations de la fonction f .
5. Déterminer l'équation de T la tangente à la courbe représentant la fonction f au point d'abscisse e^2 .