

## Travail hebdomadaire Semaine 10

### Terminale.

#### Exercice 1 Calcul numérique. [www.assurmath.fr](http://www.assurmath.fr)

Écrire les nombres suivants le plus simplement possible.

$$A = \ln e \quad B = \frac{1}{\ln \sqrt{e}} \quad C = e^{5 \ln 1} + e^{2 \ln \sqrt{2}} \quad D = \frac{(e+1)^2 - (e-1)^2}{e^{\ln e}} \quad E = (\sqrt{6}-1)(\sqrt{6}+1)$$

$$F = (\sqrt{2}+1)^2 + (\sqrt{2}-1)^2 \quad G = 1 + 4\sqrt{6} \cos \frac{\pi}{4} \sin \frac{\pi}{6} \quad H = e^{6 \ln \sqrt{2}} \quad I = 16 \left( \cos \frac{\pi}{6} \right)^4$$

$$J = e^{\ln 2 + \ln 5}$$

#### Exercice 2 Fonction. [www.assurmath.fr](http://www.assurmath.fr)

$f$  est la fonction définie pour tout réel  $x$  par  $f(x) = (2x-5)(x-3) - (2x-5)^2$

1. Développer, réduire et ordonner  $f$ .
2. Factoriser  $f$ .
3. Calculer l'image de 3 par  $f$ .
4. Déterminer les antécédents de 0 par  $f$ .
5. Résoudre l'inéquation  $f(x) > 0$  à l'aide d'un tableau de signe.
6. Résoudre sur  $\mathbb{R}$  les inéquations suivantes :  $\frac{x+4}{-x+2} \geq 0$  ,  $\frac{3}{x-2} \geq \frac{1}{x+1}$  et  $(x+1)(x-2) \geq 0$

#### Exercice 3 Pétanque. [www.assurmath.fr](http://www.assurmath.fr)

Robert fait de la pétanque. Il réussit un tir sur 4. lors d'une parti il tente 16 tirs. On nomme  $X$  le nombre de tirs que Robert a réussit lors de la partie.

1. Justifier que  $X$  suit une loi binomiale. Préciser les paramètres.
2. Calculer l'espérance de  $x$ , interpréter votre résultat.
3. Déterminer la probabilité que Robert ait réussi entre 3 et 5 tirs.
4. Déterminer la probabilité que Robert ait réussi au moins 7 tirs.
5. Déterminer le nombre de tirs que Robert doit tenter pour que la probabilité qu'il en réussisse au moins 7 soit supérieure à 0,5.

#### Exercice 4 Logarithme népérien. [www.assurmath.fr](http://www.assurmath.fr)

1. Exprimer en fonction de  $\ln(2)$  et  $\ln(5)$  :

$$\ln\left(\frac{25}{2}\right); \ln(160); \ln(5\sqrt{2}); \sqrt{\ln(16)}; \ln(80e); \ln\left(\frac{e}{50}\right); \ln(20e^3)$$

2. Résoudre  $6000\left(\frac{3}{4}\right)^n \leq 7$  ;  $e^{2x} - 4e^x + 3 \leq 0$

$f$  est la fonction définie pour tout réel  $x > 0$  par  $f(x) = x \ln x - 2x$

3. Calculer les limites de  $f$  aux bornes de son ensemble de définition. Déterminer les équations des éventuelles asymptotes.
4. Déterminer complètement le tableau de variations de la fonction  $f$ .
5. Déterminer l'équation de  $T$  la tangente à la courbe représentant la fonction  $f$  au point d'abscisse  $e^2$ .